

## Modèle Quadrinomial :

### FUNCTION PrixQuadrinomial

(Spot1,Spot2, // Prix des Sous-Jacents à l'instant initial  
Taux, // Valeur du taux d'intérêt supposé constant  
Volatilite1, Volatilite2, // Valeur des volatilités  
MaturiteAnnuelle, // Maturité de l'option  
CoefCorrelation, // Valeur de la corrélation des rendements  
PrixExercice : **Double**; // Prix d'exercice  
NombreDePeriodes, // Nombre de Périodes de l'arbre  
CallOuPut : **Integer**) : **Double**;

### VAR

i,j,k : **Integer**;  
DeltaT : **Double**; // Durée d'une période  
u11,u12,u2,d11,d12,d2 : **Double**; // Coefficients de hausse  
et de baisse  
Discount : **Double**; // Coefficient d'actualisation  
ValeurSousJacent1, ValeurSousJacent2, // Tableau de valeurs des  
sous-jacents  
ValeurOption : array of array of double; // Tableau de valeurs de  
l'option

### BEGIN

// **1. Calculs Préliminaires**  
// Calcul de la longueur d'une période 'DeltaT'  
DeltaT := MaturiteAnnuelle / NombreDePeriodes;

*// Calculs des coefficients de hausse 'u' et de baisse 'd' au cours de chaque*

*// période*

u11 := **Exp**(0.5\*(Taux-**sqr**(CoefCorrelation\*Volatilite1)) \* DeltaT

+CoefCorrelation\*Volatilite1\***sqr**(DeltaT));

u12 := **Exp**(0.5\*(Taux-(1-**sqr**(CoefCorrelation))\***sqr**(Volatilite1)) \* DeltaT

+**sqr**((1-**sqr**(CoefCorrelation)))\*Volatilite1\***sqr**(DeltaT));

d11 := **Exp**(0.5\*(Taux-**sqr**(CoefCorrelation\*Volatilite1)) \* DeltaT

-CoefCorrelation\*Volatilite1\***sqr**(DeltaT));

d12 := **Exp**(0.5\*(Taux-(1-**sqr**(CoefCorrelation))\***sqr**(Volatilite1)) \* DeltaT

-**sqr**((1-**sqr**(CoefCorrelation)))\*Volatilite1\***sqr**(DeltaT));

u2 := **Exp**((Taux-0.5\***sqr**(Volatilite2)) \* DeltaT

+ Volatilite2\***sqr**(DeltaT));

d2 := **Exp**((Taux-0.5\***sqr**(Volatilite2)) \* DeltaT

- Volatilite2\***sqr**(DeltaT));

*// Calculs du coefficient d'actualisation*

Discount := **Exp**(- Taux\*DeltaT);

*//*        **2. Calcul des Valeurs des Sous-Jacent 'ValeurSousJacent1'**  
*//*        **et 'ValeurSousJacent2' à l'Echéance**

*// Allocation de la Mémoire de la Matrice : ValeurSousJacent1*

**SetLength**(ValeurSousJacent1, NombreDePeriodes+1,  
NombreDePeriodes+1);

*// Allocation de la Mémoire de la Matrice : ValeurSousJacent2*

**SetLength**(ValeurSousJacent2, NombreDePeriodes+1,  
NombreDePeriodes+1);

*// Calculs des valeurs des actifs*

```

For i:=1 To NombreDePeriodes+1 Do
For j:=1 To NombreDePeriodes+1 Do
Begin
ValeurSousJacent1[i][j] := Spot1      * IntPower(u11,
NombreDePeriodes+1-i)
                                * IntPower(d11, i-1)
                                * IntPower(u12,
NombreDePeriodes+1-j)
                                * IntPower(d12, j-1);
ValeurSousJacent2[i][j] := Spot2      * IntPower(u2,
NombreDePeriodes+1-i)
                                * IntPower(d2, i-1);
End;

```

//        **3. Calcul des Valeurs Finales de l'Option**

// Allocation de la Mémoire du Vecteur : ValeurOption

```

SetLength(ValeurOption, NombreDePeriodes+1,
NombreDePeriodes+1);

```

// Calculs des Valeurs Finales de l'Option

```

For i:= 1 To NombreDePeriodes+1 Do
For j:= 1 To NombreDePeriodes+1 Do
ValeurOption[i][j] := Max( CallOuPut * Max
(ValeurSousJacent1[i][j],
ValeurSousJacent2[i][j]) - PrixExercice
, 0);

```

```
// 4. Induction Arrière, Calcul de la Valeur de l'Option à l'Instant Initial
```

```
For i:=NombreDePeriodes DownTo 1 Do
```

```
For j:=1 To i Do
```

```
For k:=1 To i Do
```

```
ValeurOption[j][k] := Discount * (ValeurOption[j][k]  
+ ValeurOption[j][k+1]  
+ ValeurOption[j+1][k]  
+ ValeurOption[j+1][k+1]) / 4;
```

```
Result := ValeurOption[1][1];
```

```
// Libération Mémoire des Matrices
```

```
ValeurSousJacent1 := nil ;
```

```
ValeurSousJacent2:= nil ;
```

```
ValeurOption := nil ;
```

```
END;
```